Prova d'esame di ANALISI NUMERICA a.a.2004/05 Laboratorio di Calcolo 07/12/04 ore 9.00

Si consideri il seguente problema alle derivate parziali:

$$\begin{cases} \frac{\partial^{2} u}{\partial t^{2}} - c^{2} \frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2}} = 0, & c = 2, \quad x \in (0, 10), \quad t \in \mathbb{R} \\ u(x, 0) = x(x - 5)(x - 10)/50, & u_{t}(x, 0) = 0, \quad x \in (0, 10) \\ u(0, t) = u(10, t) = 0, \quad t \in \mathbb{R} \end{cases}$$

- 1 Si stabilisca, motivando la risposta, il tipo di equazione alle derivate parziali e le direzioni caratteristiche.
- 2 Si costruisca un file MATLAB: Cognome_studente_matricola.m che, una volta avviato:
- faccia visualizzare una schermata con i dati personali ed una breve presentazione del problema;
- permetta di dare in input gli estremi dell'intervallo dell'asse x ed il valore dei passi sull'asse x: $h_1 = 0.2$, $h_2 = 0.1$; il passo sull'asse t pari a $k = 7 \cdot 10^{-2}$.
- Il metodo esplicito alle differenze finite è stabile in entrambi i casi? Motivare la risposta.
- Si calcoli la soluzione approssimata utilizzando tale metodo nei due casi e considerando il numero massimo dei livelli sull'asse t pari a 7;
- faccia visualizzare una tabella riassuntiva che riporti: Intestazione: punti soluzione1 soluzione2

ed i valori <u>ogni 5</u> per l'indice i, dell'ascissa dei punti (x_i, t_j) comuni nelle due partizioni, al livello j = 7; i corrispondenti valori delle soluzioni approssimate (soluzione1, soluzione2) nei due casi con i seguenti formati di stampa:

3 cifre decimali e formato virgola fissa per le coordinate x_i dei punti; 12 cifre decimali e virgola fissa per le soluzioni numeriche nei due casi.

Il file riporti anche le istruzioni MATLAB relative al seguente punto 3.

- 3 Si riportino, utilizzando il comando subplot con 2 finestre orizzontali, le superfici relative a <u>soluzione1</u> (nella prima finestra) e <u>soluzione2</u> (nella seconda); si corredi ogni figura con legend, label per gli assi ed intestazione contenente la specifica del numero di sottointervalli.
- 4 Si commentino i risultati.