

Es. 2

$$\int_1^{\infty} \frac{dx}{x^2 \lg(x+1)}$$

Se $x \in [1, \infty)$ $x^2 \lg(x+1) > 0$

$$\frac{1}{x^2 \lg(x+1)} \leq \frac{1}{x^2} \quad \text{dato che} \quad \int_1^{\infty} \frac{1}{x^2} dx < +\infty$$

per il criterio del confronto l'integrale converge

$$\int_{-1}^1 \frac{2}{(\sin x)^{1/3}} dx$$

la funzione integranda

diverge per $x \rightarrow 0$

Ma se $x \rightarrow 0$ $\sin x \approx x$

$$\Rightarrow \frac{1}{(\sin x)^{1/3}} \sim \frac{1}{x^{1/3}}$$

La funzione $\frac{1}{x^{1/3}}$ è integrabile \Rightarrow l'integrale converge.
vicino a 0

$\frac{1}{(\sin x)^{1/3}}$ è una funzione dispari interpretata in un

intervallo pari \Rightarrow

$$\int_{-1}^1 \frac{1}{(\sin x)^{1/3}} dx = 0$$